УДК 624.012.45

## РАСЧЕТ ФРАГМЕНТА МЕЖДУЭТАЖНОГО ЖЕЛЕЗОБЕТОННОГО ПЕРЕКРЫТИЯ НА ВЕРТИКАЛЬНЫЕ НАГРУЗКИ ПО МЕТОДУ СОСРЕДОТОЧЕННЫХ ДЕФОРМАЦИЙ

#### А.М. Зулпуев, Б.С. Ордобаев, М.Т. Насыров

Рассматриваются результаты исследований предельного состояния фрагмента междуэтажного перекрытия на вертикальные нагрузки по методу сосредоточенных деформаций.

Ключевые слова: предельное состояние; нагрузка; деформация; модель; напряжение; метод; сечение; плита.

# CALCULATION OF FRAGMENTS OF REINFORCED CONCRETE FLOOR ON VERTICAL LOAD BY THE METHOD OF CONCENTRATED DEFORMATION

### A.M. Zulpuev, B.S. Ordobaev, M.T. Nasyrov

The article deals with the studying results of limiting state of reinforced concrete floor fragments on vertical loadings by the method of concentrated deformation.

Key words: limit state; load; deformation; model; strain; method; section; plate.

Исследования предельного состояния фрагмента междуэтажного перекрытия при вертикальном воздействии нагрузки осуществляли дискретным методом, за основу была принята дискретная расчетная модель в форме метода сосредоточенных деформаций.

Рассмотрим вначале изгибаемую плиту постоянной толщины, изотропную в упругой стадии работы без реальных швов. Исходная изгибаемая железобетонная плита перекрытия сплошного сечения разбивалась плоскостями сосредоточенных деформаций на прямоугольные (квадратные) элементы размером  $a_v * s_v$  (рисунок 1).

Рассматривая элементы МСД как жесткие на изгиб, кручение и сдвиг (срез) из своей и в своей плоскости, введем между ними условные (фиктивные) связи, способные сопротивляться изгибу, кручению, сдвигу и сжатию-растяжению. Характеристики жесткости этих связей должны быть назначены такими, чтобы исходная плита и ее модуль в МСД были эквивалентными, т. е. при действии нагрузки давали одинаковые прогибы, углы поворота, величины изгибающих и крутящих моментов, и поперечных (перерезывающих) сил в интересующих сечениях.

Задачу о напряженно-деформированном состоянии изгибаемой плиты будем решать на основе метода перемещений; каждый элемент МСД закрепляется фиктивными связями, исключающими его поворот вокруг оси X, поворот вокруг оси Z и перемещение в направлении оси Y. Аналогичные связи вводятся во всех других элементах МСД. Схема внутренних сил по плоскостям сосредоточенных деформаций и внешние силы сводятся к узловым, прикладываемым в местах фиктивных связей метода перемещений. Чаще всего эти внешние силы – поперечная нагрузка из плоскости плиты; однако



для железобетонной плиты

Этапы загруже- ния	Нагрузки на этапах в долях от разруше- ния, кгс/см <sup>2</sup>	Прогиб, мм				Трещины, мм			
		экпериментальный		теоретический (МСД)		экпериментальный		теоретический (МСД)	
		Ригель (т. 86 и 87, 92 и 93)	Плита (т. 78 и 79)	Ригель	Плита	Ригель (92 и 93)	Плита (т. 78 и 79)	Ригель	Плита
От 0 до 5	664/0,33	1,25	0,65	1,201	0,624	0,02	-	0,018	-
6	738/0,36	2,00	1,47	1,948	1,411	0,05	0,02	0,047	0,019
7	837/0,41	2,75	2,10	2,651	2,016	0,08	0,05	0,076	0,049
8	1087/0,53	3,40	2,65	3,364	2,317	0,10	0,08	0,098	0,078
9	1188/0,58	4,10	4,55	4,032	4,277	0,12	0,10	0,106	0,095
10	1376/0,66	4,80	6,85	4,674	6,371	0,20	0,18	0,180	0,179
11	1619/0,79	6,80	11,90	6,804	10,710	0,28	0,25	0,275	0,248
12	1880/0,92	8,30	14,35	8,075	12,915	0,30	0,60	0,324	0,597
13	2035/1,0	13,75	19,16	13,120	17,244	0,35	1,10	0,367	1,096

Таблица 1 – Результаты испытания фрагмента перекрытия

нагрузки могут быть приложены в виде изгибающих моментов, что не меняет последовательности расчета и его трудоемкости.

Напряженно-деформированное состояние железобетонных плит раскрывается из системы алгебраических линейных уравнений метода перемещений в общей форме

$$[R] * \{V\} = \{P\}, \tag{1}$$

где [R] – матрица внешней жесткости для всей рассчитываемой системы; ее элементы  $R_{i,j}$  – реакция в і-й связи метода перемещений от смещения j-й связи на единицу;  $\{V\}$  – вектор искомых перемещений, его элементы – перемещения элементов МСД (по два угловых и одному линейному для каждого);  $\{P\}$  – вектор нагрузок, его элементы – сосредоточенные силы и изгибающие моменты, действующие в узлах закрепления элементов МСД.

По перемещениям на основе общих зависимостей определяются внутренние силы



 $\{F\} = [D] * \{\lambda\},\tag{2}$ 

где  $\{F\}$  – вектор внутренних сил, элементами которого являются внутренние силы по плоскостям сосредоточенных деформаций (изгибающий момент М, крутящий момент Н и поперечная сила Q с каждой из четырех сторон элемента МСД); [Э] – матрица внутренней жесткости системы, ее элементы – внутренние силы по плоскостям сосредоточенных деформаций от единичного взаимного смещения соседних элементов МСД;  $\{\lambda\}$  – вектор сосредоточенных деформаций (взаимных смещений и поворотов элементов МСД).

Для всех сечений элементов МСД по плоскостям сосредоточенных деформаций принимается гипотеза плоских сечений.

Система алгебраических уравнений (1) решается относительно вектора перемещений  $\{v\}$ . Для этого должны быть известны матрица внешней жесткости [R] и вектор узловых нагрузок  $\{P\}$ .



Рисунок 3 – График зависимости "N – а<sub>стс</sub>" (ригель): 1 – эксперимент; 2 – теория (МСД)

106



Рисунок 4 – График зависимости "N – a<sub>crc</sub>" (плита): 1 – эксперимент; 2 – теория (МСД)

Имея расчетную модель, без особых затруднений можно составить вектор внешних сил  $\{P\}$ . Основная трудность заключается в формировании матрицы внешней жесткости системы [*R*]. Для ее построения можно применить способ единичных перемещений элементов МСД в направлении наложенных связей.

Однако, как показала практика, удобнее воспользоваться формулой

$$[R] = [A] * [K] * [A]^{T},$$
(3)

где [A] – матрица коэффициентов уравнений равновесия элементов МСД;  $[A]^T$  – матрица, транспонированная с матрицей коэффициентов уравнений равновесия [A]; [K] – матрица внутренней жесткости сечений.

Согласно формуле (2) связь между внутренними усилиями по плоскостям сосредоточенных деформаций и соответствующими деформациями для типового к-го элемента МСД запишем в матричном виде

$$\{F\}_{\kappa} = [\mathcal{A}]_{\kappa} * \{\lambda\}_{\kappa}, \tag{4}$$

где  $\{F\}_{\kappa}$  – вектор внутренних сил по граням к-го элемента по плоскостям сосредоточенных деформаций;  $[\mathcal{P}]_{\kappa}$  – матрица жесткости сечений для к-го элемента по тем же граням;  $\{\lambda\}_{\kappa}$  – вектор соответствующих деформаций.

Расчетная методика была реализована по программе "DIRAR" [1].

Результаты испытания фрагмента перекрытия на вертикальное воздействие [2] и результаты теоретических расчетов по МСД приведены в таблице 1.

Из данных таблицы 1 видно, что прогибы по методу сосредоточенных деформаций хорошо подтверждаются с экспериментальными данными. При анализе разница в результатах не превышает 4–13 % (рисунок 2).

Данные эксперимента показали, что прогиб в середине перекрытия в точках 78 и 79 увеличивался пропорционально величине поэтапного приращения нагрузки (таблица 1). Максимальное значение прогиба на тринадцатом этапе составило 19,16 мм.

В момент образования трещин на шестом этапе величина прогиба в плитах П-1 и П-2 равнялась 1,47 мм.

Если величина прогиба с 1 по 9 этап увеличивалась на каждом этапе на 5 % от максимального прогиба, то с 10 по 13 этап она составляла в среднем 20 %.

В середине пролета ригеля в точках 86 и 87 (92 и 93) максимальная величина прогиба в среднем составила на тринадцатом этапе 13,75 мм.

Прогиб на каждом этапе составлял с 1 по 10 этап 5 %, с 10 по 12 этап – 15 % и на последнем тринадцатом этапе – 66 %.

Разница прогиба между точками 86 и 87 (92 и 93) на тринадцатом этапе составила 0,55– 0,65 мм. Величина прогиба в середине пролета ригеля на начальных этапах была больше, чем прогиб в середине перекрытия в точках 78 и 79. Если на третьем этапе эта величина составляла 72 %, то к седьмому этапу она уменьшилась до 22 % и к началу восьмого этапа прогиб ригеля и перекрытия сравнялся.

На последующих этапах прогиб плит перекрытий в точках 78 и 79 увеличивался на 10 % на девятом этапе, и на 43 % – на двенадцатом этапе относительно прогиба середины пролета ригеля.

Образование и распространение трещин по низу фрагмента перекрытия, т.е. график зависимости "N –  $\mathbf{a}_{crc}$ " ригеля и график зависимости "N –  $\mathbf{a}_{crc}$ " плиты приведены на рисунках 3 и 4.

Таким образом, результаты расчета прогиба фрагмента перекрытия по методу сосредоточенных деформаций хорошо подтверждаются экспериментальными данными. Сопоставление результатов для этого метода находится в пределах 4–13 %.

Метод сосредоточенных деформаций позволяет не только определять напряженно-деформированное состояние плиты перекрытия на каждой ступени загружения, но и может проследить изменения перемещений, моментов, напряжений в арматуре и процесс образования и развития трещин.

### Литература

- Зулпуев А.М. Программа "DIRAR" для расчета плит перекрытий на действие кратковременной нагрузки / А.М. Зулпуев // Вестник ОшГУ. 2005. № 2. Ош. С. 99–101.
- Темикеев К. Экспериментальные исследования пространственной работы плит перекрытий при действии вертикальной нагрузки / К. Темикеев, А.К. Стамалиев // Сб. трудов КАСИ. Бишкек. 1994. № 2. С. 38–43.